

PUTERI ÎN REȚELELE ELECTRICE

Puteri în circuite monofazate de c.a.

Puterea = variația energiei raportată la un interval de timp dat
- unitatea de măsură: $1W = 1J/s$

Puterea instantanee $p(t)$ – [W] – absorbită de o sarcină electrică este dată de produsul dintre tensiunea instantanee la bornele sarcinii – [V] – și curentul instantaneu ce străbate sarcină – [A].

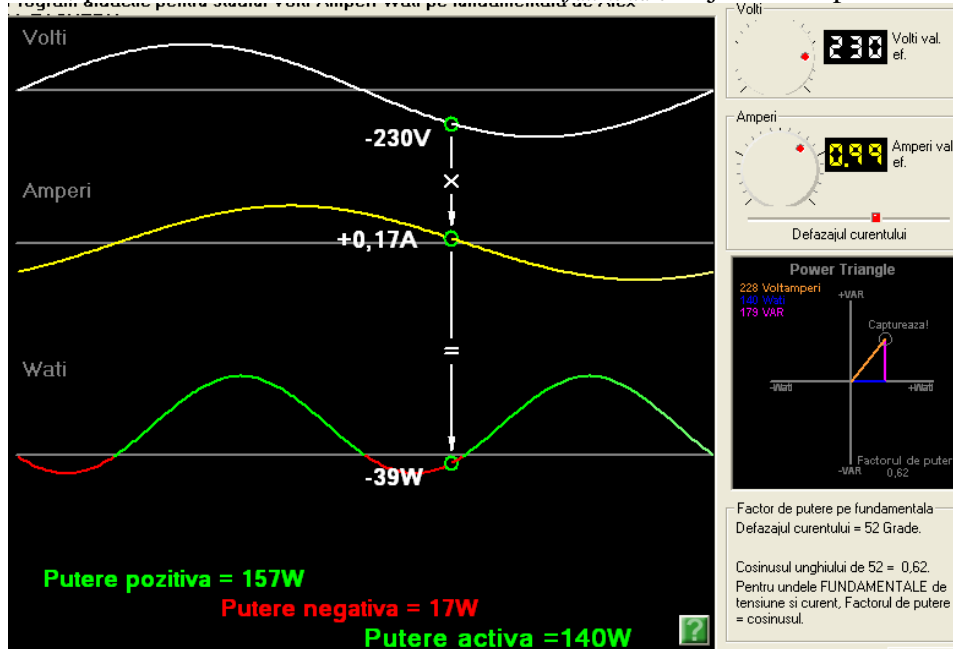
$$v(t) = V_{\max} \cos(\omega t) [V]$$

$$i(t) = I_{\max} \cos(\omega t - \beta) [A]$$

$$p(t) = v(t)i(t) = V_{\max} I_{\max} \cos(\omega t) \cos(\omega t - \beta) = VI \cos(2\omega t - \beta) + VI \cos(\beta) [W]$$

$$\text{unde: } \cos(x)\cos(y) = \frac{1}{2} [\cos(x+y) + \cos(x-y)]$$

Deci, puterea instantanee variază cu dublul $f_{\text{alimentare}}$ în jurul componentei constante $VI\cos(\beta)$.



Pentru $v > 0; i > 0$ și $v < 0; i < 0 \Rightarrow p > 0$ puterea circulă în direcția căderii de tensiune pe sarcină.

Pentru $v \cdot i < 0 \Rightarrow p < 0$ curentul circulă în sens invers căderii de tensiune pe sarcină, interval în care energia înmagazinată anterior este cedată parțial sistemului de alimentare.

Deci, pentru $\varphi = \delta - \beta \neq 0$ (tensiunea este defazată față de curent cu φ) în regim sinusoidal, transmiterea energiei nu se face într-o rețea într-un singur sens.

Sarcini ideale

Sarcină pur rezistivă

Curentul prin sarcină este în fază cu tensiunea la bornele acesteia.

$$v(t) = V_{\max} \cos(\omega t + \delta)$$

$$\underline{V} = V \angle \delta$$

$$\underline{I} = \frac{V}{R}$$

$$i(t) = I_{\max} \cos(\omega t + \delta)$$

$$I_{R \max} = \frac{V_{\max}}{R}$$

Puterea instantanee absorbită de rezistor este dată de:

$$p_R(t) = v(t) \cdot i_R(t) = V_{\max} I_{R \max} \cos^2(\omega t + \delta) = VI_R (1 + \cos[2(\omega t + \delta)]) \text{ [W]}$$

Puterea instantanee absorbită de rezistor este dată de o valoare medie :

$$P_R = VI_R = \frac{V^2}{R} = IR^2 \text{ [W]}$$

și un termen de frecvență dublă $VI_R \cos[2(\omega t + \delta)]$.

Sarcină pur inductivă

Curentul este defazat în urma tensiunii cu 90° :

$$\underline{I}_L = \frac{V}{jX_L}$$

$$X_L = \omega L \text{ [\Omega]}$$

$$i_L(t) = I_{L \max} \cos(\omega t + \delta - 90^\circ)$$

$$I_{L \max} = \frac{V_{\max}}{\omega L}$$

Puterea instantanee absorbită de bobină este dată de:

$$\begin{aligned} p_L(t) &= v(t) \cdot i_L(t) = \frac{V_{\max} I_{L \max}}{2} [\cos(\omega t + \delta + \omega t + \delta - 90^\circ) + \cos(\omega t + \delta - \omega t - \delta + 90^\circ)] = \text{ [W]} \\ &= VI_L \sin[2(\omega t + \delta)] \end{aligned}$$

Aceasta reprezintă o sinusoidă cu frecvența dublă față de frecvența tensiunii de alimentare, având valoarea medie = 0.

Sarcină pur capacitivă

Curentul este defazat în înaintea tensiunii cu 90° :

$$\underline{I}_C = \frac{V}{-jX_C}$$

$$X_C = 1/\omega C \text{ [}\Omega\text{]}$$

$$i_C(t) = I_{C \max} \cos(\omega t + \delta + 90^\circ)$$

$$I_{C \max} = \omega C V_{\max}$$

Puterea instantanee absorbită de condensator este dată de:

$$p_C(t) = v(t) \cdot i_C(t) = \frac{V_{\max} I_{C \max}}{2} [\cos(\omega t + \delta + \omega t + \delta + 90^\circ) + \cos(\omega t + \delta - \omega t - \delta - 90^\circ)] = \text{[W]}$$

$$= -VI_C \sin[2(\omega t + \delta)]$$

Aceasta reprezintă o sinusoidă cu frecvența dublă față de frecvența tensiunii de alimentare, având valoarea medie = 0, opusă ca semn puterii consumate de o sarcină inductivă.

Sarcină mixtă RLC

Curentul printr-o sarcină mixtă căreia i se aplică tensiunea $v(t)$ este dat de:

$$i(t) = I_{\max} \cos(\omega t + \beta)$$

Puterea instantanee absorbită de sarcină este dată de:

$$p(t) = v(t)i(t) = V_{\max} \cos(\omega t + \delta) \cos(\omega t + \beta) = \frac{1}{2} V_{\max} I_{\max} [\cos(2\omega t + \delta + \beta) + \cos(\delta - \beta)] =$$

$$= VI [\cos(2(\omega t + \delta) - (\delta - \beta)) + \cos(\delta - \beta)] = \text{[W]}$$

$$= VI [\cos(2(\omega t + \delta)) \cos(\delta - \beta) + \sin(2(\omega t + \delta)) \sin(\delta - \beta) + \cos(\delta - \beta)] =$$

$$= VI \cos(\delta - \beta) [\cos(2(\omega t + \delta)) + 1] + VI \sin(\delta - \beta) \sin(2(\omega t + \delta))$$

Se notează :

$I \cos(\delta - \beta) = I_R$ componenta curentului de sarcină în fază cu tensiunea ;

$I \sin(\delta - \beta) = I_X$ componenta curentului de sarcină defazat cu 90° față de tensiune ;

$\delta - \beta = \varphi$ defazajul tensiunii față de curent

$$\Rightarrow p(t) = p_R(t) + p_X(t) \text{ [W]}$$

unde $p_R(t) = VI_R [1 + \cos(2(\omega t + \delta))]$ [W] sunt componentele puterii instantanee absorbite de sarcină :

$p_R(t)$ asociată puterii absorbite de componenta rezistivă a sarcinii ;

$p_X(t)$ asociată puterii absorbite de componenta reactivă a sarcinii .

Puterea activă, reactivă și factorul de putere

Puterea activă se definește ca valoarea medie pe o perioadă a puterii instantanee:

$$P = \frac{1}{T} \int_{t_0}^{t_0+T} p(t) dt$$

Reprezintă și valoarea medie pe o perioadă a componentei $p_R(t)$.

Se poate scrie astfel (cazul particular al regimului sinusoidal):

$$P = VI_R = VI \cos(\delta - \beta) \text{ [W]}$$

Pentru un dipol caracterizat de parametrul R / G se poate scrie:

$$P = RI^2 = GV^2$$

Un receptor primește putere activă ($P > 0$)

Un generator generează putere activă ($P < 0$).

Elementele ideale pasive de circuit sunt caracterizate de:

$$P_R = RI^2 = GV^2; P_L = 0; P_C = 0$$

Puterea activă corespunzătoare pierderilor Joule-Lenz $p_j = Ri^2$ într-un conductor de rezistență R parcurs de i^2 este proporțională cu I^2 .

$$P_j = \frac{1}{T} \int_0^T p_j(t) dt = RI^2$$

$$W_a = \int_0^t P dt \text{ [Ws], [kWh]} - \text{energia activă}$$

Factorul de putere

$$FP = \frac{P}{S} = \cos(\delta - \beta)$$

Puterea reactivă

Puterea instantanee absorbită de componenta reactivă a sarcinii, $p_X(t)$ este o sinusoida de frecvență dublă, valoare medie nulă și amplitudine Q dată de:

$$Q = VI \sin(\delta - \beta) \text{ [Var]}$$

$$W_r = \int_0^t Q dt \text{ [VArh], [kVArh]} - \text{energia reactivă}$$

Elementele ideale pasive de circuit sunt caracterizate de:

$$Q_R = 0; Q_L = \omega LI^2 = \frac{V^2}{\omega L} > 0 \quad \text{bobina} = \text{receptor } Q$$

$$Q_C = -\frac{1}{\omega C} I^2 = -\omega CV^2 < 0 \quad \text{condensator} = \text{generator } Q$$

Puterea aparentă complexă

Pentru circuitele care funcționează în regim stabilizat sinusoidal, puterea activă și reactivă poate fi determinată cu ajutorul puterii complexe:

$$\underline{S} = \underline{V} \underline{I}^* = VI \angle \delta - \beta = VI \cos(\delta - \beta) + jVI \sin(\delta - \beta) = P + jQ$$

Această putere caracterizează complet din punct de vedere energetic regimul permanent al circuitului.

Puterea aparentă absorbită de componentele ideale de circuit este:

$$\underline{S}_R = \underline{V} \underline{I}_R^* = V \frac{V}{R} \angle \delta - \delta = \frac{V^2}{R}; \quad P_R = \frac{V^2}{R} \quad Q_R = 0$$

$$\underline{S}_L = \underline{V} \underline{I}_L^* = V \frac{V}{\omega L} \angle \delta - \delta + 90^0 = j \frac{V^2}{\omega L}; \quad P_L = 0 \quad Q_L = \frac{V^2}{\omega L}$$

$$\underline{S}_C = \underline{V} \underline{I}_C^* = V \frac{V}{\omega C} \angle \delta - \delta - 90^0 = -j \frac{V^2}{\omega C}; \quad P_C = 0 \quad Q_C = -\frac{V^2}{\omega C}$$

Procedura de determinare a tipului unui element de circuit d.p.v. al puterii abosrbite/generate

Regula de la receptor: $P, Q > 0$...puteri absorbite
 $P, Q < 0$...puteri generate

Regula de la generator: $P, Q > 0$...puteri generate
 $P, Q < 0$...puteri absorbite

Semnificația fizică a P și Q

$P \leftarrow$ energia totală absorbită de o sarcină într-un interval de timp T (o perioadă a tensiunii sinusoidale) este dată de produsul PT [Ws]. Într-un interval de n cicluri, energia absorbită este $P(nT)$ [Ws], toată fiind absorbită de componenta rezistivă a sarcinii.

Un Wh-metru măsoară energia absorbită de o sarcină într-un interval de timp t_1-t_2 , constând dintr-un număr întreg de cicluri, prin integrarea P pe intervalul t_1-t_2 .

Q – se referă la valoarea maximă a puterii instantanee absorbită de componenta reactivă a sarcinii

- puterea reactivă instantanee, dată de $p_X(t)$ este alternantă (valori $><0$) și exprimă circulația de putere reversibilă către și dinspre componenta reactivă a sarcinii.

Puteri în rețelele electrice trifazate echilibrate

Puterile instantanee absorbite pe fazele unui sistem simetric sunt date de:

$$p_A(t) = u_A(t)i_A(t) = 2UI \cos(\omega t + \delta) \cos(\omega t + \beta) = UI \cos(\delta - \beta) + UI \cos(2\omega t + \delta + \beta)$$

$$p_B(t) = u_B(t)i_B(t) = 2UI \cos(\omega t + \delta - 120^\circ) \cos(\omega t + \beta - 120^\circ) = \\ = UI \cos(\delta - \beta) + UI \cos(2\omega t + \delta + \beta + 120^\circ)$$

$$p_C(t) = u_C(t)i_C(t) = 2UI \cos(\omega t + \delta + 120^\circ) \cos(\omega t + \beta + 120^\circ) = \\ = UI \cos(\delta - \beta) + UI \cos(2\omega t + \delta + \beta - 120^\circ)$$

$$p_{3f}(t) = p_A(t) + p_B(t) + p_C(t) = 3UI \cos(\delta - \beta) = P_{tot}$$

$$\underline{S}_A = \underline{U}_A \underline{I}_A^* = UI \angle \delta - \beta \quad \underline{S}_B = \underline{U}_B \underline{I}_B^* = UI \angle \delta - \beta \quad \underline{S}_C = \underline{U}_C \underline{I}_C^* = UI \angle \delta - \beta$$

$$\underline{S}_{3f} = \sum_i \underline{S}_i = 3\underline{S}_A = 3UI \angle \delta - \beta = 3UI \cos(\delta - \beta) + j3UI \sin(\delta - \beta) =$$

$$= \sqrt{3}U_l I \cos(\delta - \beta) + j\sqrt{3}U_l I \sin(\delta - \beta)$$